

## Вариант № 2917716

**1. В 1 № 26641.** В университетскую библиотеку привезли новые учебники по геометрии для 1–3 курсов, по 360 штук для каждого курса. Все книги одинаковы по размеру. В книжном шкафу 9 полок, на каждой полке помещается 25 учебников. Сколько шкафов можно полностью заполнить новыми учебниками?

**Решение.**

Всего привезли  $360 \cdot 3 = 1080$  учебников по геометрии. В книжном шкафу помещается  $25 \cdot 9 = 225$  учебников. Разделим 1080 на 225:

$$\frac{1080}{225} = \frac{24}{5} = 4\frac{4}{5}.$$

Значит, чтобы вместить все книги понадобится 5 шкафов, из них полностью будут заполнены 4 шкафа.

Ответ: 4.

**2. В 2 № 77346.** Мобильный телефон стоил 3500 рублей. Через некоторое время цену на эту модель снизили до 2800 рублей. На сколько процентов была снижена цена?

**Решение.**

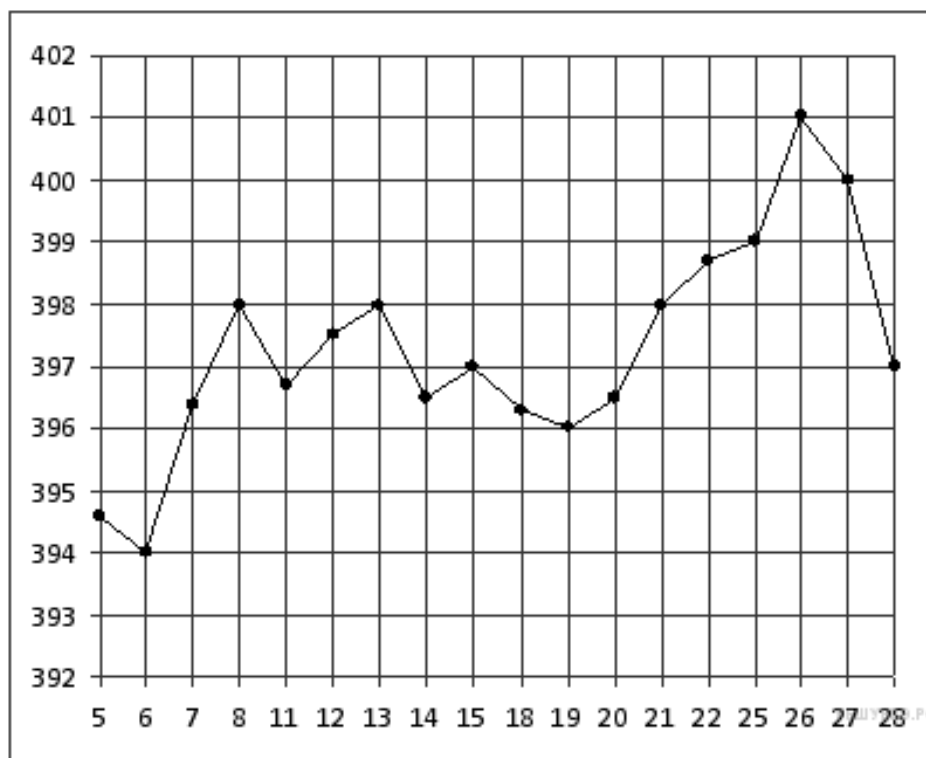
Цену на телефон снизили на  $3500 - 2800 = 700$  рублей. Разделим 700 на 3500:

$$\frac{700}{3500} = \frac{7}{35} = 0,2.$$

Значит, цену снизили на 20%.

Ответ: 20.

**3. В 3 № 26874.** На рисунке жирными точками показана цена золота на момент закрытия биржевых торгов во все рабочие дни с 5 по 28 марта 1996 года. По горизонтали указываются числа месяца, по вертикали — цена унции золота в долларах США. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, какого числа цена золота на момент закрытия торгов была наименьшей за данный период.



**Решение.**

Из графика видно, что наименьшей цена была 6 марта (см. рисунок).

Ответ: 6.

**4. В 4 № 26689.** При строительстве сельского дома можно использовать один из двух типов фундамента: каменный или бетонный. Для каменного фундамента необходимо 9 тонн природного камня и 9 мешков цемента. Для бетонного фундамента необходимо 7 тонн щебня и 50 мешков цемента. Тонна камня стоит 1 600 рублей, щебень стоит 780 рублей за тонну, а мешок цемента стоит 230 рублей. Сколько рублей будет стоить материал для фундамента, если выбрать наиболее дешевый вариант?

**Решение.**

Рассмотрим два варианта.

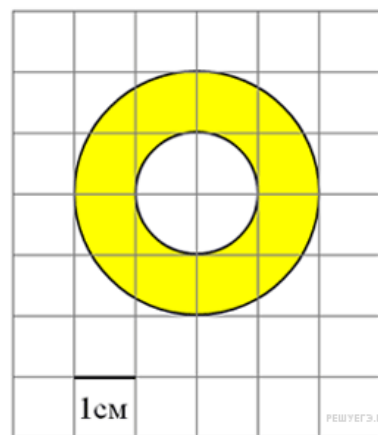
Стоимость каменного фундамента складывается из стоимости камня  $9 \cdot 1600 = 14\,400$  руб., а также стоимости цемента  $9 \cdot 230 = 2070$  руб. и составляет  $2070 + 14\,400 = 16\,470$  руб.

Стоимость бетонного фундамента складывается из стоимости цемента  $50 \cdot 230 = 11\,500$  руб., а также стоимости щебня  $7 \cdot 780 = 5460$  руб. и составляет  $5460 + 11\,500 = 16\,960$  руб.

Стоимость самого дешевого варианта составляет 16 470 рублей.

Ответ: 16 470.

**5. В 5 № 245008.** Найдите (в  $\text{см}^2$ ) площадь  $S$  фигуры, изображенной на клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \text{ см} \times 1 \text{ см}$  (см. рис.). В ответе запишите  $\frac{S}{\pi}$ .

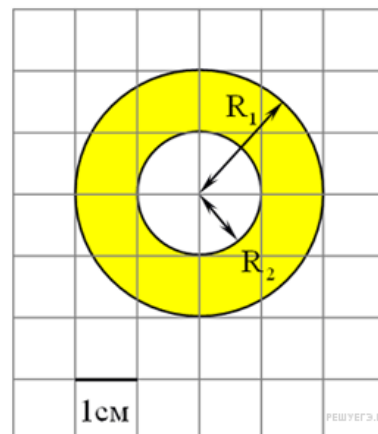
**Решение.**

Площадь кольца равна разности площади большого и малого кругов. Радиус большого круга равен 2, а малого — 1, откуда

$$S = \pi 2^2 - \pi 1^2 = 3\pi.$$

Поэтому

$$\frac{S}{\pi} = 3.$$



**6. В 6 № 320192.** В классе 26 человек, среди них два близнеца — Андрей и Сергей. Класс случайным образом делят на две группы по 13 человек в каждой. Найдите вероятность того, что Андрей и Сергей окажутся в одной группе.

**Решение.**

Пусть один из близнецов находится в некоторой группе. Вместе с ним в группе окажутся 12 человек из 25 оставшихся одноклассников. Вероятность того, что второй близнец окажется среди этих 12 человек, равна  $12 : 25 = 0,48$ .

**7. В 7 № 77379.** Решите уравнение  $2^{3+x} = 0,4 \cdot 5^{3+x}$ .

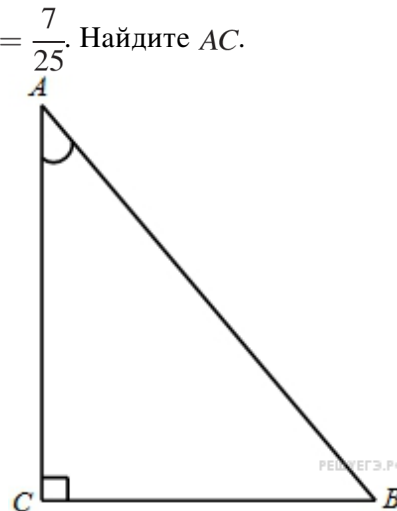
**Решение.**

Перейдем к одному основанию степени:

$$2^{3+x} = 0,4 \cdot 5^{3+x} \Leftrightarrow \frac{2^{3+x}}{5^{3+x}} = 0,4 \Leftrightarrow \left(\frac{2}{5}\right)^{3+x} = \left(\frac{2}{5}\right)^1 \Leftrightarrow 3+x = 1 \Leftrightarrow x = -2.$$

Ответ: -2.

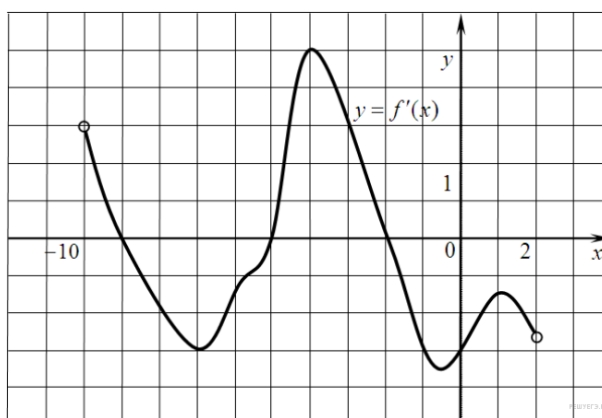
**8. В 8 № 27232.** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AB = 5$ ,  $\sin A = \frac{7}{25}$ . Найдите  $AC$ .

**Решение.**

$$AC = AB \cdot \cos A = AB \cdot \sqrt{1 - \sin^2 A} = 5 \cdot \sqrt{1 - \frac{49}{625}} = 5 \cdot \frac{24}{25} = 4,8.$$

Ответ: 4,8.

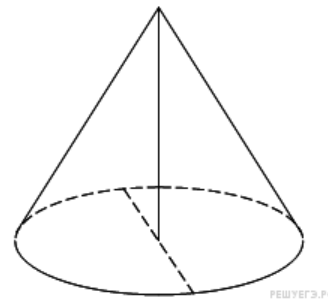
**9. В 9 № 27501.** На рисунке изображен график производной функции  $f(x)$ , определенной на интервале  $(-10; 2)$ . Найдите количество точек, в которых касательная к графику функции  $f(x)$  параллельна прямой  $y = -2x - 11$  или совпадает с ней.

**Решение.**

Значение производной в точке касания равно угловому коэффициенту касательной. Поскольку касательная параллельна прямой  $y = -2x - 11$  или совпадает с ней, их угловые коэффициенты равны  $-2$ . Найдем количество точек, в которых  $y'(x_0) = -2$ , геометрически это соответствует количеству точек пересечения графика производной с прямой  $y = -2$ . На данном интервале таких точек 5.

Ответ: 5.

10. В 10 № 910. Высота конуса равна 12, а диаметр основания – 10. Найдите образующую конуса.



**Решение.**  
образующая конуса по теореме Пифагора равна

$$l = \sqrt{h^2 + R_{\text{осн}}^2} = \sqrt{h^2 + \left(\frac{D_{\text{осн}}}{2}\right)^2} = \sqrt{144 + 25} = 13.$$

Ответ: 13.

11. В 11 № 77410. Найдите значение выражения  $\frac{6\sqrt{3} \cdot 7\sqrt{3}}{42\sqrt{3}-1}$ .

**Решение.**

Выполним преобразования:

$$\frac{6\sqrt{3} \cdot 7\sqrt{3}}{42\sqrt{3}-1} = \frac{42\sqrt{3}}{42\sqrt{3}-1} = 42.$$

Ответ: 42.

12. В 12 № 27959. В боковой стенке высокого цилиндрического бака у самого дна закреплен кран. После его открытия вода начинает вытекать из бака, при этом высота столба воды в нем, выраженная в метрах, меняется по закону  $H(t) = H_0 - \sqrt{2gH_0}kt + \frac{g}{2}k^2t^2$ , где  $t$  – время в секундах, прошедшее с момента открытия крана,  $H_0 = 20$  – начальная высота столба воды,  $k = \frac{1}{50}$  – отношение площадей поперечных сечений крана и бака, а  $g$  – ускорение свободного падения (считайте  $g = 10 \text{ м/с}^2$ ). Через сколько секунд после открытия крана в баке останется четверть первоначального объема воды?

**Решение.**

Формулой, описывающей уменьшение высоты столба воды с течением времени, является

$$H(t) = 20 - \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 20} \cdot \frac{1}{50}t + \frac{10}{2} \left(\frac{1}{50}\right)^2 t^2 = 0,002t^2 - 0,4t + 20.$$

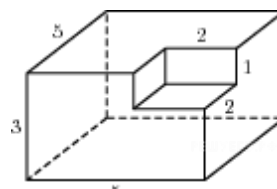
Четверть первоначального объема воды в баке останется, когда высота столба воды будет 5 м. Определим требуемое на вытекание трех четвертей воды время — найдем меньший корень уравнения  $H(t) = 5$ :

$$H(t) = 5 \Leftrightarrow 0,002t^2 - 0,4t + 20 = 5 \Leftrightarrow t^2 - 200t + 7500 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 50; \\ t = 150. \end{cases}$$

Таким образом, через 50 секунд после открытия крана в баке останется четверть первоначального объема воды.

Ответ: 50.

13. В 10 № 25601. Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



**14. В 14 № 26610.** Баржа в 10:00 вышла из пункта А в пункт В, расположенный в 15 км от А. Пробыв в пункте В 1 час 20 минут, баржа отправилась назад и вернулась в пункт А в 16:00. Определите (в км/час) скорость течения реки, если известно, что собственная скорость баржи равна 7 км/ч.

**Решение.**

Пусть  $u$  км/ч – скорость течения реки, тогда скорость баржи по течению равна  $7 + u$  км/ч, а скорость баржи против течения равна  $7 - u$  км/ч. Баржа вернулась в пункт А через 6 часов, но пробыла в пункте В 1 час 20 минут, поэтому общее время движения баржи дается уравнением:

$$\frac{15}{7-u} + \frac{15}{7+u} = 6 - \frac{4}{3} \Leftrightarrow \frac{15 \cdot (7+u) + 15 \cdot (7-u)}{49-u^2} = \frac{14}{3} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow_{u>0} 30 \cdot 7 \cdot 3 = 14 \cdot 49 - 14u^2 \Leftrightarrow u^2 = 4 \Leftrightarrow \begin{cases} u = 2; \\ u = -2 \end{cases} \Leftrightarrow_{u>0} u = 2.$$

Ответ: 2.

**15. В 15 № 77493.** Найдите точку минимума функции  $y = (0,5 - x) \cos x + \sin x$ , принадлежащую промежутку  $(0; \frac{\pi}{2})$ .

**Решение.**

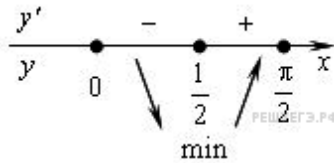
Найдем производную заданной функции:

$$y' = (x - 0,5) \sin x - \cos x + \cos x = (x - 0,5) \sin x.$$

Найдем нули производной:

$$\begin{cases} (x - 0,5) \sin x = 0, \\ 0 < x < \frac{\pi}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{2}, \\ x = \pi k, k \in \mathbb{Z}, \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}. \\ 0 < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

Определим знаки производной функции и изобразим на рисунке поведение функции:



Искомая точка минимума  $x = \frac{1}{2}$ .

Ответ: 0,5.

**Решение.**

$$6\sin^2 x + \sin 2x = 2 \Leftrightarrow 6\sin^2 x + 2\sin x \cos x = 2(\sin^2 x + \cos^2 x) \Leftrightarrow \\ \Leftrightarrow 2\sin^2 x + \sin x \cos x - \cos^2 x = 0 \Leftrightarrow 2\operatorname{tg}^2 x + \operatorname{tg} x - 1 = 0.$$

$$\text{Отсюда } \operatorname{tg} x = -1 \text{ или } \operatorname{tg} x = \frac{1}{2}.$$

$$\text{Если } \operatorname{tg} x = -1, \text{ то } x = -\frac{\pi}{4} + \pi k, \quad k \in \mathbb{Z}. \text{ Если } \operatorname{tg} x = \frac{1}{2}, \text{ то } x = \operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi k, \quad k \in \mathbb{Z}.$$

Из найденных решений промежутку  $\left[\frac{3\pi}{2}; \frac{5\pi}{2}\right]$  принадлежат числа  $\frac{7\pi}{4}$  и  $\operatorname{arctg} \frac{1}{2} + 2\pi$ .

$$\text{Ответ: а) } -\frac{\pi}{4} + \pi k, \quad \operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi k, \quad k \in \mathbb{Z};$$

$$\text{б) } \frac{7\pi}{4}, \quad \operatorname{arctg} \frac{1}{2} + 2\pi.$$

**17. С 2 № 500132.** В правильной четырёхугольной призме  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  стороны основания равны 2, а боковые рёбра равны 3. На ребре  $AA_1$  отмечена точка  $E$  так, что  $AE : EA_1 = 1 : 2$ . Найдите угол между плоскостями  $ABC$  и  $BE D_1$ .

**Решение.**

Прямая  $D_1E$  пересекает прямую  $AD$  в точке  $K$ . Плоскости  $ABC$  и  $BED_1$  пересекаются по прямой  $KB$ .

Из точки  $E$  опустим перпендикуляр  $EH$  на прямую  $KB$ , тогда отрезок  $AH$  (проекция  $EH$ ) перпендикулярен прямой  $KB$ . Угол  $AHE$  является линейным углом двугранного угла, образованного плоскостями  $ABC$  и  $BED_1$ .

Поскольку  $AE : EA_1 = 1 : 2$ , получаем:

$$AE = \frac{AA_1}{3} = 1; EA_1 = AA_1 - AE = 2.$$

Из подобия треугольников  $A_1D_1E$  и  $AKE$  находим:

$$AK = \frac{AE}{EA_1} \cdot A_1D_1 = 1.$$

В прямоугольном треугольнике  $AKB$  с прямым углом  $A$ :  $AB = 2$ ;  $AK = 1$ ;  $BK = \sqrt{AB^2 + AK^2} = \sqrt{5}$ , откуда высота

$$AH = \frac{AK \cdot AB}{BK} = \frac{2\sqrt{5}}{5}.$$

Из прямоугольного треугольника  $AHE$  с прямым углом  $A$  получаем:

$$\operatorname{tg} \angle AHE = \frac{AE}{AH} = \frac{\sqrt{5}}{2} \Leftrightarrow \angle AHE = \operatorname{arctg} \frac{\sqrt{5}}{2}.$$

Ответ может быть представлен и в другой форме:  $\angle AHE = \operatorname{arcsin} \frac{\sqrt{5}}{3}$  или  $\angle AHE = \operatorname{arccos} \frac{2}{3}$ .

Ответ:  $\operatorname{arctg} \frac{\sqrt{5}}{2}$ .

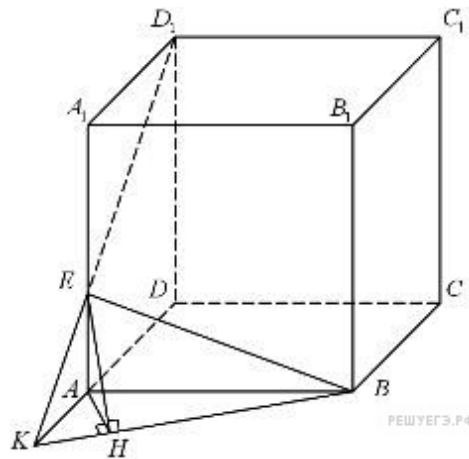
**18. С 3 № 484603.**

Решите

систему

неравенств

$$\begin{cases} 9^{x-3} + 9^{x-2} + 9^{x-1} > 511, \\ \log_7 \frac{3}{x} + \log_7(x^2 - 7x + 11) \leq \log_7 \left( x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10 \right). \end{cases}$$



**Решение.**

В первом неравенстве вынесем общий множитель за скобки, а во втором воспользуемся тем, что для  $b > 0$ ,  $c > 0$  и  $a > 1$  справедлива равносильность:

$$\log_a b + \log_a c \leq \log_a d \Leftrightarrow bc \leq d.$$

Тогда

$$\begin{cases} 9^{x-3} + 9^{x-2} + 9^{x-1} > 511, \\ \log_7 \frac{3}{x} + \log_7 (x^2 - 7x + 11) \leq \log_7 \left( x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10 \right) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 9^{x-3}(1+9+9^2) > 511, \\ \log_7 \frac{3x^2 - 21x + 33}{x} \leq \log_7 \left( x^2 - 7x + \frac{3}{x} + 10 \right) \\ x > 0, x^2 - 7x + 11 > 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 9^{x-3} > \frac{511}{91}, \\ \frac{3x^2 - 21x + 33}{x} \leq \frac{x^3 - 7x^2 + 10x + 3}{x}, x > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - 3 > \log_9 \frac{511}{91}, \\ x^3 - 10x^2 + 31x - 30 \geq 0, \\ x > 0, x^2 - 7x + 11 > 0 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 + \log_9 \frac{511}{91}, \\ (x-3)(x-5)(x-2) \geq 0, x > 1 \\ x > 0, x^2 - 7x + 11 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 + \log_9 \frac{511}{91}, \\ x - 5 \geq 0, \\ 0 < x < \frac{7 - \sqrt{5}}{2}, x > \frac{7 + \sqrt{5}}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 + \log_9 \frac{511}{91}, \\ x \geq 5 \end{cases}$$

Ответ:  $[5; +\infty)$ .

**19. С 4 № 501069.** В треугольнике  $e ABC$  известны стороны:  $AB = 6$ ,  $BC = 8$ ,  $AC = 9$ . Окружность, проходящая через точки  $A$  и  $C$ , пересекает прямые  $BA$  и  $BC$  соответственно в точках  $K$  и  $L$ , отличных от вершин треугольника. Отрезок  $KL$  касается окружности, вписанной в треугольник  $ABC$ . Найдите длину отрезка  $KL$ .



**Решение.**

Обе точки  $K$  и  $L$  не могут лежать вне треугольника, поскольку в этом случае отрезок  $KL$  не может касаться вневписанной окружности. Значит, по крайней мере одна из этих точек лежит на стороне треугольника.

Пусть обе точки  $K$  и  $L$  лежат на сторонах треугольника (рис. 1).

Четырёхугольник  $AKLC$  — вписанный, следовательно,  $\widehat{KAC} = 180^\circ - \widehat{KLC} = \widehat{BLK}$ .

Значит, треугольник  $ABC$  подобен треугольнику  $LBK$ , так как угол  $ABC$  — общий. Пусть коэффициент подобия равен  $k$ , тогда  $BL = kAB$ ,  $BK = kBC$ ,  $KL = kAC$ .

Суммы противоположных сторон описанного четырёхугольника  $AKLC$  равны:

$$AK + LC = KL + AC, AB(1 - k) + BC(1 - k) = AC(1 + k), k = \frac{AB + BC - AC}{AC + AB + BC}.$$

Подставляя известные значения сторон, находим  $k = \frac{6 + 8 - 9}{6 + 8 + 9} = \frac{5}{23}$ .

Следовательно,  $KL = \frac{5}{23}AC = \frac{45}{23}$ .

Пусть точка  $K$  лежит на продолжении стороны  $AB$  (рис. 2). Углы  $AKL$  и  $ACL$  равны, поскольку опираются на одну дугу. Значит, треугольник  $ABC$  подобен треугольнику  $LBK$ , так как угол  $ABC$  — общий. Более того, они описаны около одной и той же окружности. Следовательно, коэффициент подобия равен 1, то есть треугольники  $LBK$  и  $ABC$  равны, поэтому  $KL + AC = 9$ . Заметим, что  $BK = BC > AB$  и точка  $K$  действительно лежит на продолжении стороны  $AB$ .

Если точка  $L$  лежит на продолжении стороны  $BC$ , то  $BL > BC$  но аналогично предыдущему случаю получаем  $BL = AB < BC$ . Значит, этот случай не достигается.

Ответ:  $\frac{45}{23}, 9$ .

**20. С 5 № 500965.** Найдите все значения параметра  $a$ , при каждом из которых на интервале  $(1;2)$  существует хотя бы одно число  $x$ , не удовлетворяющее неравенству  $a + \sqrt{a^2 - 2ax + x^2} \leq 3x - x^2$ .

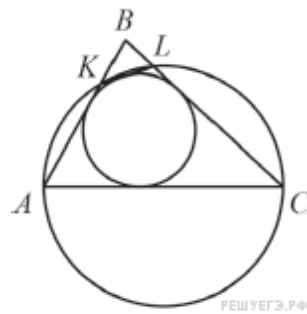


Рис. 1

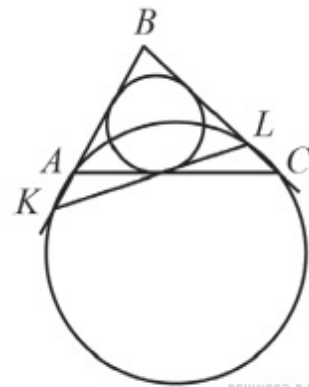


Рис. 2

**Решение.**

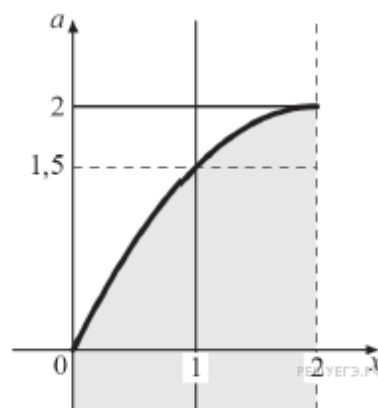
Преобразуем неравенство:

$$a + \sqrt{a^2 - 2ax + x^2} \leq 3x - x^2; \quad |x - a| \leq 3x - x^2 - a;$$

$$\begin{cases} x - a \leq 3x - x^2 - a, \\ x - a \geq -3x + x^2 + a. \end{cases}$$

$$\begin{cases} x(x - 2) \leq 0, \\ a \leq -\frac{1}{2}x^2 + 2x; \end{cases}$$

Неравенство  $x(x - 2) \leq 0$  определяет на плоскости  $Oxa$  полосу, заключенную между прямыми  $x = 0$  и  $x = 2$ . Неравенство  $a \leq -\frac{1}{2}x^2 + 2x$  задаёт часть плоскости, ограниченную сверху параболой.



На рисунке видно, что на интервале  $(1; 2)$  есть  $x$ , не удовлетворяющие неравенству, только если  $a > 1,5$ .

Ответ:  $(1,5; +\infty)$ .

**21. С 6 № 501734.** а) Чему равно число способов записать число 1292 в виде  $1292 = a_3 \cdot 10^3 + a_2 \cdot 10^2 + a_1 \cdot 10 + a_0$ , где числа  $a_i$  — целые,  $0 \leq a_i \leq 99$ ,  $i = 0; 1; 2; 3$ ?

б) Существуют ли 10 различных чисел  $N$  таких, что их можно представить в виде  $N = a_3 \cdot 10^3 + a_2 \cdot 10^2 + a_1 \cdot 10 + a_0$ , где числа  $a_i$  — целые,  $0 \leq a_i \leq 99$ ,  $i = 0; 1; 2; 3$  ровно 130 способами?

в) Сколько существует чисел  $N$  таких, что их можно представить в виде  $N = a_3 \cdot 10^3 + a_2 \cdot 10^2 + a_1 \cdot 10 + a_0$ , где числа  $a_i$  — целые,  $0 \leq a_i \leq 99$ ,  $i = 0; 1; 2; 3$  ровно 130 способами?

**Решение.**

Каждое число  $0 \leq a_i \leq 99$  однозначно представляется в виде  $a_i = 10b_i + c_i$ , где  $0 \leq b_i \leq 9$  и  $0 \leq c_i \leq 9$  ( $i = 0; 1; 2; 3$ ). Значит, для каждого представления некоторого числа  $N$  в виде  $N = a_3 \cdot 10^3 + a_2 \cdot 10^2 + a_1 \cdot 10 + a_0$  имеет место единственное представление  $N$  в виде  $N = 10n + t$ , где  $n = b_3 \cdot 10^3 + b_2 \cdot 10^2 + b_1 \cdot 10 + b_0$  и  $t = c_3 \cdot 10^3 + c_2 \cdot 10^2 + c_1 \cdot 10 + c_0$  — произвольные целые числа от 0 до 9999. Число способов записать число  $N$  в виде  $N = a_3 \cdot 10^3 + a_2 \cdot 10^2 + a_1 \cdot 10 + a_0$  равно числу способов записать число  $N$  в виде  $N = 10n + t$ .

а) Для представления числа 1292 в виде  $1292 = 10n + t$  в качестве  $n$  можно взять любое целое число от 0 до 129. При этом  $t = 1292 - 10n$  определено однозначно. Таким образом, искомое число способов равно 130.

б) Повторяя рассуждения предыдущего пункта, несложно показать, что каждое из чисел от 1290 до 1299 представимо в требуемом виде ровно 130 способами.

в) Рассмотрим представление некоторого числа  $N$  в виде  $N = 10n + t$ , где  $n$  и  $t$  — некоторые целые числа от 0 до 9999. Представим  $t$  в виде  $t = 10k + l$ , где  $l$  — цифра единиц числа  $t$ , а  $k$  — некоторое целое число от 0 до 999. Тогда выполнено:

$$N = 10n + 10k + l \Leftrightarrow N - l = 10(n + k) \Leftrightarrow \frac{N - l}{10} = n + k.$$

Найдём все числа  $K$ , представимые ровно 130 способами в виде  $K = n + k$ , где  $n$  — некоторое целое число от 0 до 9999, а  $k$  — некоторое целое число от 0 до 999.

Пусть для некоторого числа  $K$  представления  $K = n_1 + k_1$  и  $K = n_2 + k_2$  таковы, что  $n_1$  — наименьшее возможное  $n$ , а  $n_2$  — наибольшее возможное  $n$ . Тогда  $n_1 = 0$  или  $k_1 = K - n_1 = 999$ , иначе бы было представление  $K = (n_1 - 1) + (k_1 + 1)$ . Аналогично,  $n_2 = 9999$  или  $k_2 = K - n_2 = 0$ .

Заметим, что для любого целого  $n_0$  такого, что  $n_1 < n_0 < n_2$ , имеется представление  $K = n_0 + k_0$ , поскольку  $0 \leq n_1 < n_0 < n_2 \leq 9999$ ,  $0 \leq k_2 < k_0 < k_1 \leq 999$ . Таким образом, количество представлений равно  $n_2 - n_1 + 1$ . Если  $n_1 = 0$ ;  $n_2 = 9999$  или  $k_1 = 999$ ,  $k_2 = 0$ , то представлений больше. Значит, или  $n_1$ ;  $n_2 = 129$ ;  $k_2 = 0$ ;  $K = 129$ ;  $N = 1290 + l$ , или  $n_2 = 9999$ ;  $n_1 = 9870$ ;  $k_1 = 999$ ;  $K = 10869$ ;  $N = 108690 + l$ , где  $l$  — произвольная цифра. Таким образом, искомое количество чисел равно 20.

Ответ: а) 130; б) да; в) 20.